

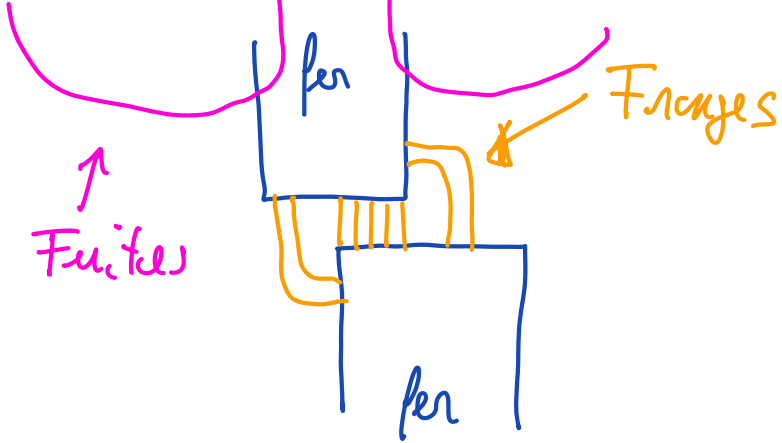
Franges, fuite, Perte !

EPFL

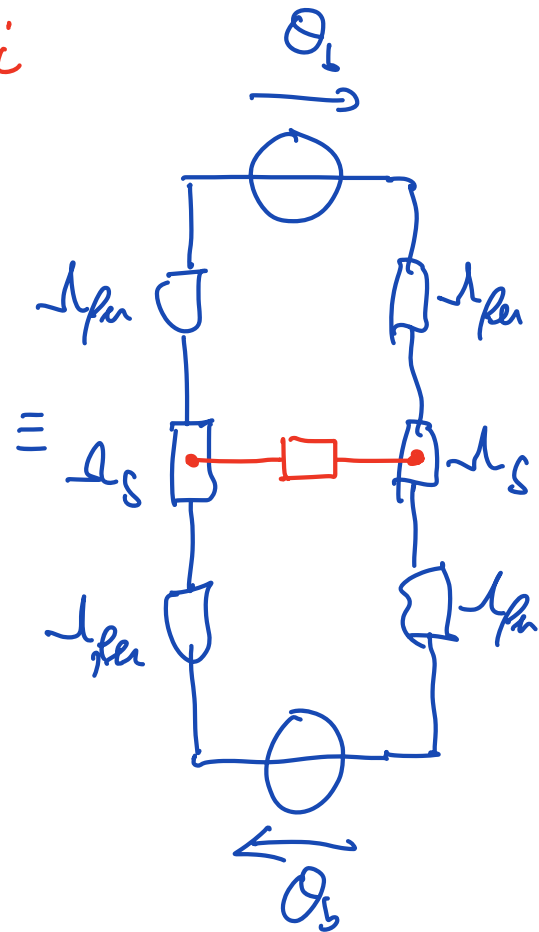
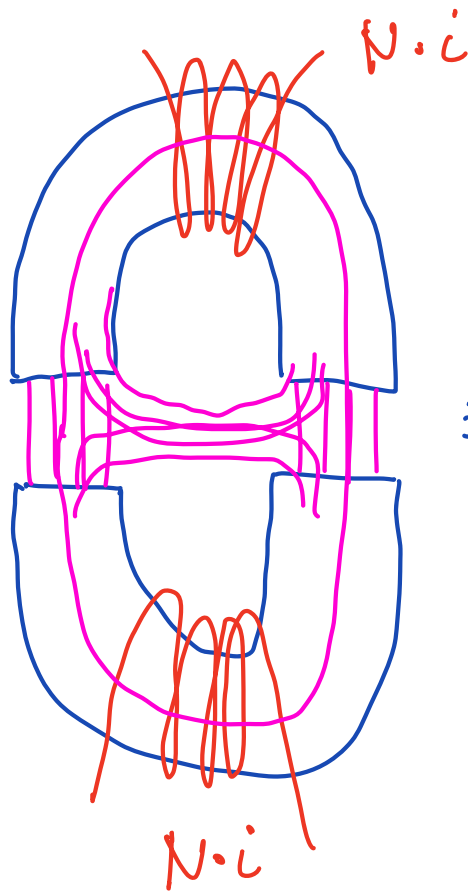
- Perte : puissance $\rightarrow W$

\rightarrow lié au champ magnétique :

- fuite : lignes de champ qui ne participent pas à la force
- frange : lignes de champ latérales qui participent à la force



Expérience :



Force avec un aimant :

$$W_{mag} = \int i d\psi$$

$$\rightarrow F_x = \frac{1}{2} \frac{dL}{dx} \cdot i^2 \quad (1 \text{ bob}).$$

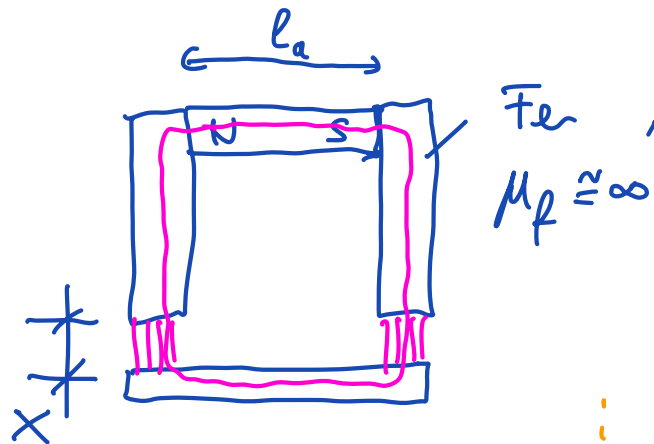
$$= \frac{1}{2} \frac{d\mathcal{L}_b}{dx} \cdot \mathcal{Q}_b^2$$

Par analogie \rightarrow aimant :

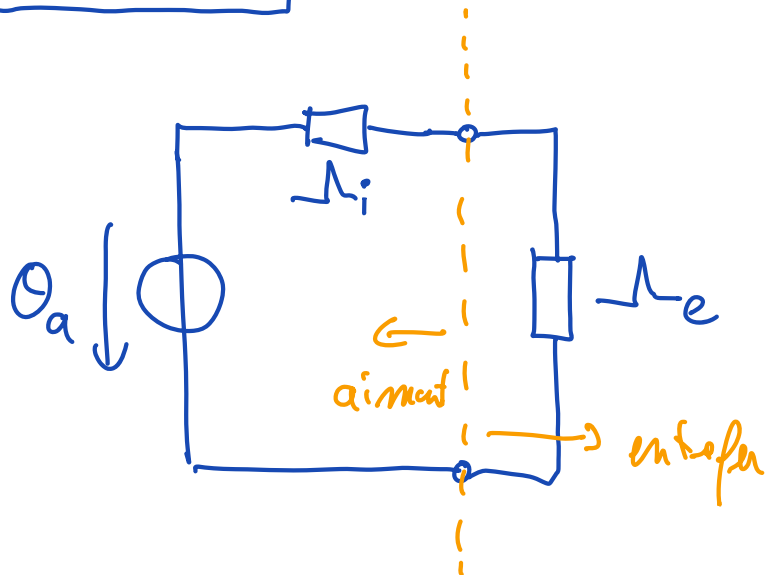
$$\overline{F}_x = \frac{1}{2} \frac{d\mathcal{L}_{tot}}{dx} \cdot \mathcal{Q}_a^2$$

$$\mathcal{Q}_a = H_0 \cdot l_a$$

Exemple :



Node Magnétique :



$$\mathcal{L}_i = \frac{\mu_d \cdot S_a}{l_a}$$

$$\mathcal{L}_e = \frac{\mu_0 \cdot S_e}{2x}$$

$$\begin{aligned} \mathcal{L}_{tot} &= \mathcal{L}_i \text{ en série avec } \mathcal{L}_e \\ &= \frac{\mathcal{L}_i \cdot \mathcal{L}_e}{\mathcal{L}_i + \mathcal{L}_e} \end{aligned}$$

$$F_x = \frac{1}{2} \frac{d\mathcal{L}_{\text{tot}}}{dx} \cdot Q_a^2$$

$$\frac{d\mathcal{L}_{\text{tot}}}{dx} = \frac{d\mathcal{L}_{\text{tot}}}{d\mathcal{L}_e} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx}$$

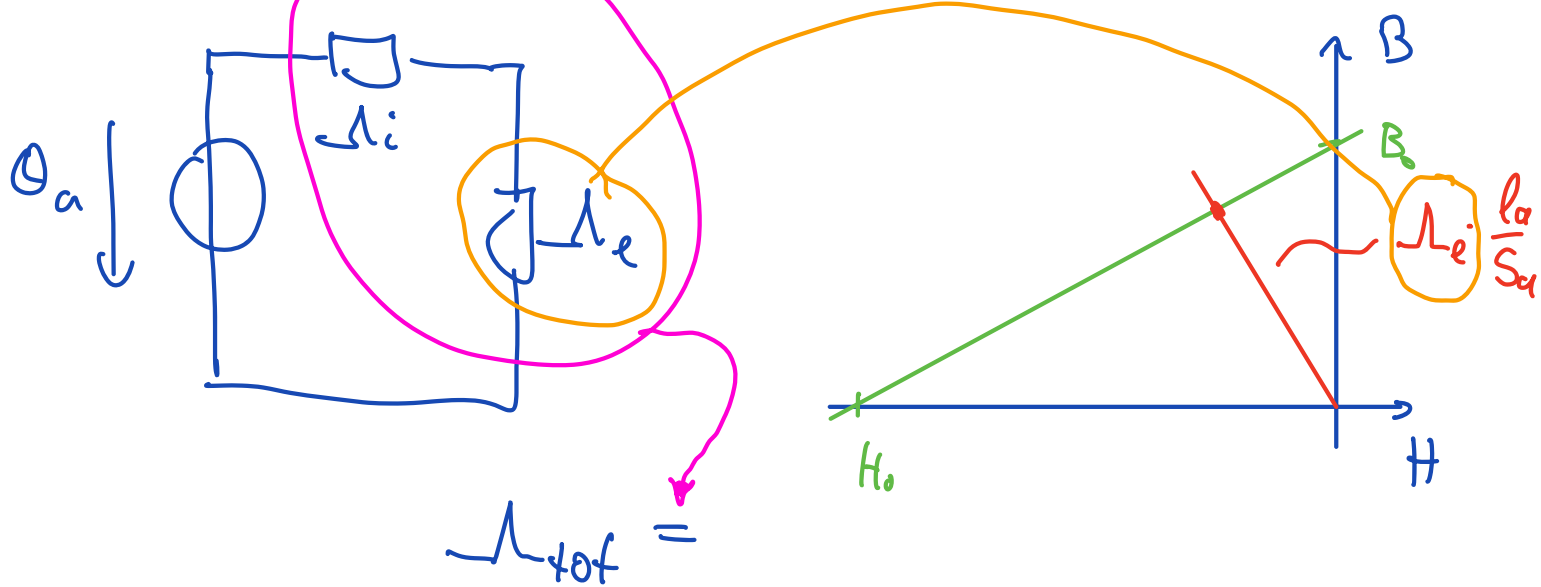
$$= \frac{d\left(\frac{\mathcal{L}_i \cdot \mathcal{L}_e}{\mathcal{L}_i + \mathcal{L}_e}\right)}{d\mathcal{L}_e} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx}$$

$$= \mathcal{L}_i \frac{d\left(\frac{\mathcal{L}_e}{\mathcal{L}_i + \mathcal{L}_e}\right)}{d\mathcal{L}_e} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx}$$

$$= \frac{\mathcal{L}_i^2}{(\mathcal{L}_e + \mathcal{L}_i)^2} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx}$$

$$F_x = \frac{1}{2} \frac{\mathcal{L}_i^2}{(\mathcal{L}_i + \mathcal{L}_e)^2} \cdot \frac{d\mathcal{L}_e}{dx} Q_a^2$$

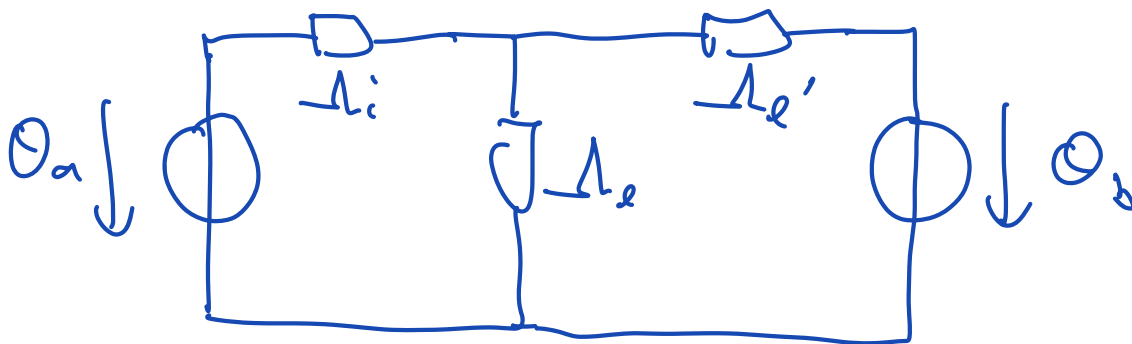
Par definition: $\mathcal{L}_{\text{tot}} = \mathcal{L}_a$



Force avec un aimant et une bobine :

a = aimant

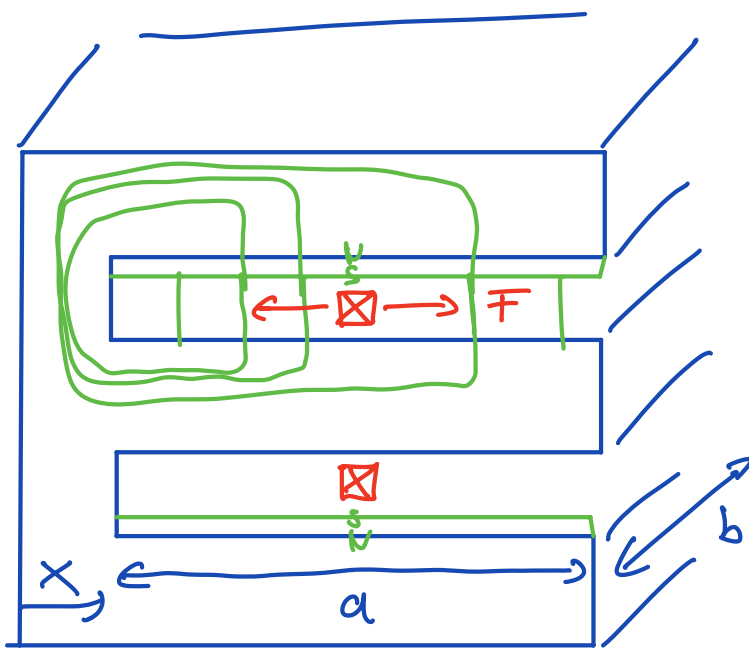
b = bobine



Définition: $\mathcal{L}_{ab} = \frac{\Phi_{ab}}{\mathcal{Q}_a}$ | Flux de l'aimant qui passe dans la bobine

$$F_x = \frac{1}{2} \frac{d\mathcal{L}_a}{dx} \mathcal{Q}_a^2 + \frac{1}{2} \frac{d\mathcal{L}_b}{dx} \mathcal{Q}_b^2 + \frac{d\mathcal{L}_{ab}}{dx} \mathcal{Q}_a \mathcal{Q}_b$$

Exemple : Haut parleur / système électrodynamique
 (Aimant est fixe)
 (la bobine est mobile)



$$F = \frac{d\mathcal{L}_{ab}}{dx} Q_a \cdot Q_b$$

$$\mathcal{L}_{ab} = \frac{\overline{\Phi}_{ab}}{Q_a} \quad \overline{\Phi}_{ab} = \overline{\Phi}_a \left(\frac{x}{a} \right)$$

$$\mathcal{L}_{ab} = \frac{\overline{\Phi} \cdot \left(\frac{x}{a} \right)}{Q_a} = \frac{\overline{\Phi}_a \cdot x}{a \cdot Q_a}$$

$$\frac{d\mathcal{L}_{ab}}{dx} = \frac{\overline{\Phi}_a}{a \cdot Q_a}$$

$$F = \frac{d\mathcal{L}_{ab}}{dx} Q_a \cdot Q_b = \frac{\overline{\Phi}_a}{a \cdot \cancel{Q_a}} \cdot \cancel{Q_a} \cdot Q_b$$

$$\overline{F} = \frac{\overline{\Phi}_a}{a} \cdot N \cdot I$$

$$\overline{\Phi}_a = B_n \cdot S_a = B_s \cdot S_s = B_s \cdot a \cdot b$$

$$\overline{F} = B_s \cdot b \cdot N \cdot I \quad (\text{aller})$$

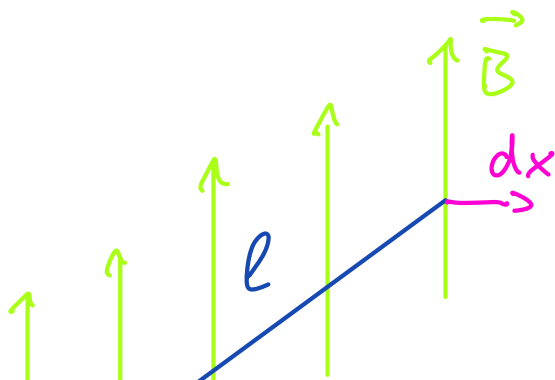
aller et retour : $\overline{F} = 2 B_s \cdot b \cdot N \cdot I$

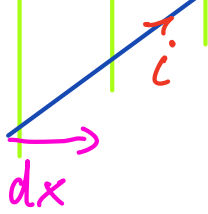
$$\vec{F} = i d\vec{l} \wedge \vec{B}$$

$$\overline{F} = i B \cdot N \cdot 2 \cdot b$$

Force Laplace :

Interaction entre un champ magnétique externe B et un courant dans un conducteur de longueur l :





$$\vec{F} = i d\vec{l} \wedge \vec{B}$$

$$F = i l B$$

$$dW_{\text{mag}} = i d\psi = i N \cdot d\Phi$$

$$= i d\Phi$$

$$d\Phi = B \cdot l dx$$

$$dW_{\text{mag}} = i B l dx$$

$$F = - \left. \frac{dW_{\text{mag}}}{dx} \right|_{\psi \text{ fixe}} = - i l B$$

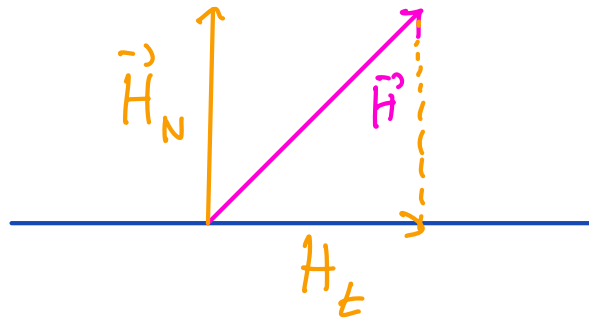


Signe différent avec celui de l'énergie
et Laplace

Tenseur de Maxwell simplifié :

Si on connaît $\vec{H} \rightarrow \vec{F}$

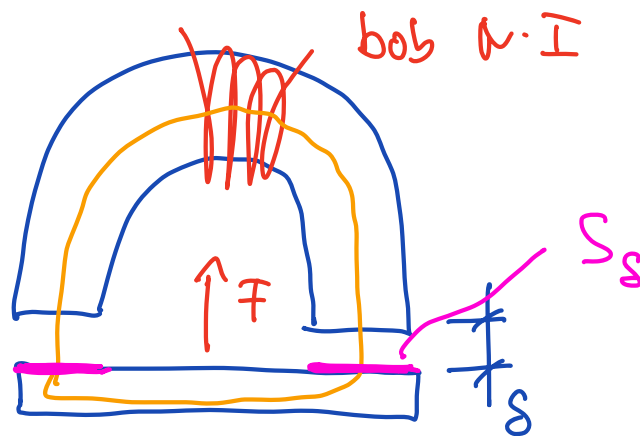
Définition



$$d\mathcal{F}_N = \frac{1}{2} \mu (H_N^2 - H_t^2) dS$$

$$d\mathcal{F}_t = \mu \cdot H_t \cdot H_N \cdot dS$$

Exemple :



Hyp : H est \perp à la surface $\rightarrow H_t = 0$
 $\mu_{\text{fer}} = \infty$

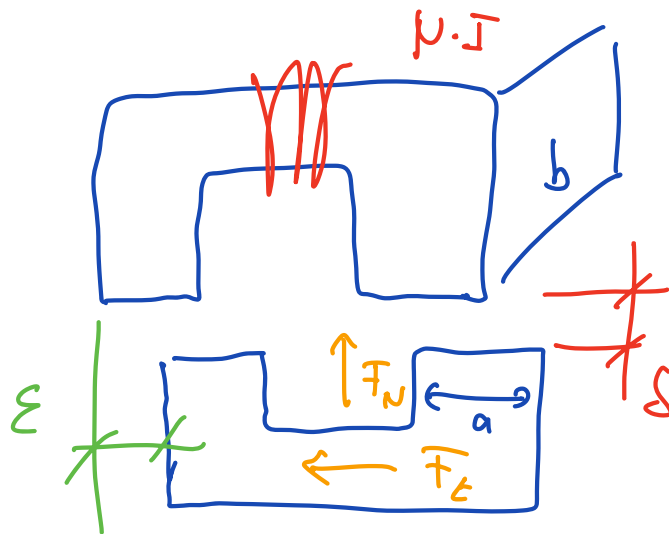
$$\oint H dl = N \cdot I$$

$$H_N \cdot S \cdot 2 = N \cdot I$$

$$H_N = \frac{N \cdot I}{2S}$$

$$\begin{aligned} \overline{F_N} &= \int \frac{1}{2} \mu_0 \cdot H_N^2 \cdot dS \\ &= \frac{\mu_0 \cdot N^2 \cdot I^2}{4 \delta^2} \cdot S_\delta \end{aligned}$$

Exemple :



$\overline{F_N}$: dérivée de l'Énergie par

Maxwell :
$$(-) \frac{1}{4} \frac{\mu_0 \cdot b (a - \varepsilon)}{\delta^2} (N \cdot I)^2$$

↑
avec d.E.

$\overline{F_L}$: dérivée de l'E. :
$$\overline{F_L} = \frac{-\mu_0 b}{4 \delta} (N \cdot I)^2$$

avec Maxwell :
$$\underline{\underline{\overline{F_L} = 0}}$$

à cause des hypothèses !

Méthodologie :

1) Laplace $d\vec{F} = i d\vec{l} \wedge \vec{B}$

→ Fil filé.

→ bobine dans un champ magnétique.

2) Tenseur de Maxwell

→ connaître H

→ saturation OK.

→ Seul $F_{normale}$ peut être calculé

3) Dérivé de l'énergie :

$$\overline{F}_x = \frac{1}{2} \frac{dL_b}{dx} \cdot Q_b^2$$